

## ИЗВЕШТАЈ О ОЦЕНИ ДОКТОРСКЕ ДИСЕРТАЦИЈЕ

I ПОДАЦИ О КОМИСИЈИ
<p>1. Датум и орган који је именовao комисију</p> <p><b>25. април 2014., Наставно научно веће Природно математичког факултета Универзитета у Новом Саду</b></p> <p>2. Састав комисије са назнаком имена и презимена сваког члана, звања, назива уже научне области за коју је изабран у звање, датума избора у звање и назив факултета, установе у којој је члан комисије запослен:</p> <p><b>1. Проф др Душанка Перишић, Редовни професор од 1.1.2003, Анализа и вероватноћа, Универзитет у Новом Саду Природно- математички факултет, председник комисије</b></p> <p><b>2. Академик Проф др Стеван Пилиповић, Редовни професор од 25.2.1988, Анализа и вероватноћа, Универзитет у Новом Саду Природно- математички факултет, ментор</b></p> <p><b>3. Проф др Јасон Виндас (Jasson Vindas), доцент од 2012, Универзитет у Генту, Белгија, ментор</b></p> <p><b>4. Проф др Марко Недељков, Редовни професор од 1.7.2005., Анализа и вероватноћа, Универзитет у Новом Саду Природно- математички факултет, члан</b></p> <p><b>5. Проф др Катарина Санева Хаџивелкова, Ванредни професор од 18.12.2013., Математичка анализа, Универзитет Св.Кирил и Методи, Скопље, Македонија, члан</b></p>
II ПОДАЦИ О КАНДИДАТУ
<p>1. Име, име једног родитеља, презиме: <b>Сања, Костадин, Костадинова</b></p> <p>2. Датум рођења, општина, држава: <b>15.11.1985, Струмица, Струмица, Македонија</b></p> <p>3. Назив факултета, назив студијског програма дипломских академских студија – мастер и стечени стручни назив</p> <p><b>основне студије : Универзитет Св.Кирил и Методи, Природно математички факултет, Скопље, Македонија, студијски програм: математичко образовање, дипломирани професор математике.</b></p> <p><b>мастер студије : Универзитет Св.Кирил и Методи, Факултет за електротехнику и информационе технологије, Скопље, Македонија, студијски програм: примењена математика, Магистер електротехнике и информационих технологија (назив завршног рада : "Квалитативна анализа динамичких система и њихова примена")</b></p>

4. Година уписа на докторске студије и назив студијског програма докторских студија  
2011, Универзитет у Новом Саду Природно-математички факултет,  
доктор математичких наука

**III НАСЛОВ ДОКТОРСKE ДИСЕРТАЦИЈЕ:**

Неке класе интегралних трансформација на простору дистрибуција и уопштена асимптотика (Some classes of integral transforms on distribution spaces and generalized asymptotics)

**IV ПРЕГЛЕД ДОКТОРСKE ДИСЕРТАЦИЈЕ:**

Докторска дисертација је написана на енглеском језику. Има 111 страна и садржи уводне напомене, пет поглавља, библиографију са 120 библиографских јединица, индекс, кратку биографију и кључну документацијску информацију.

**V ВРЕДНОВАЊЕ ПОЈЕДИНИХ ДЕЛОВА ДОКТОРСKE ДИСЕРТАЦИЈЕ:**

У поглављима 1 и 2, су приказани појмови, познате теореме и ознаке које се користе у овој тези, а на које се ослањају истраживања из ове тезе, такође је дат преглед суштинских својстава квазиасимптотског и  $S$ -асимптотског понашања дистрибуција. Кандидат је показао да добро познаје релевантну научну литературу из области истраживања у овој дисертацији.

У поглављима 3, 4 и 5 су презентовани оригинални резултати кандидата. Јасно је назначена мотивација за оригиналне резултате. Релевантни резултати других аутора су наведени и упоређени са оригиналним резултатима. Добијени резултати су дубоки и разрешавају читав низ ново постављених проблема и побољшавају неке већ познате резултате. Кандидат је показао научну зелост и способност да се самостално бави научним радом.

**VI СПИСАК НАУЧНИХ И СТРУЧНИХ РАДОВА КОЈИ СУ ОБЈАВЉЕНИ ИЛИ ПРИХВАЋЕНИ ЗА ОБЈАВЉИВАЊЕ НА ОСНОВУ РЕЗУЛТАТА ИСТРАЖИВАЊА У ОКВИРУ РАДА НА ДОКТОРСКОЈ ДИСЕРТАЦИЈИ**

1. S. Kostadinova, S. Pilipović, K. Saneva, J. Vindas, The Ridgelet transform of distributions, Integral Transforms and Special Functions, Published online: 15 Nov 2013.  
DOI:10.1080/10652469.2013.853057  
<http://dx.doi.org/10.1080/10652469.2013.853057> (M21)

2. Katerina Saneva, Roza Aceska, Sanja Kostadinova, SOME ABELIAN AND TAUBERIAN RESULTS FOR THE SHORT-TIME FOURIER TRANSFORM, Novi Sad J. Math.Vol. 43, No. 2, 2013, 81-89 (M51)
3. Sanja Kostadinova, Stevan Pilipovic, Katerina Saneva and Jasson Vindas, The ridgelet transform and quasiasymptotic behavior of distributions, 9th International ISAAC Congress, 5-9 August 2013, Krakow, Poland (M33)
4. S. Kostadinova, J. Vindas MULTIREOLUTION EXPANSIONS OF DISTRIBUTIONS: POINTWISE CONVERGENCE AND QUASIASYMPTOTIC BEHAVIOR, препринт
5. Sanja Kostadinova, Stevan Pilipovic, Katerina Saneva and Jasson Vindas, THE SHORT-TIME FOURIER TRANSFORM OF DISTRIBUTIONS OF EXPONENTIAL TYPE AND TAUBERIAN THEOREMS FOR SHIFT-ASYMPTOTICS, препринт

**VII ЗАКЉУЧЦИ ОДНОСНО РЕЗУЛТАТИ ИСТРАЖИВАЊА**

Резултати дати у трећем, четвртном и петом поглављу су оригинални научни резултати кандидата.

У поглављу 3, је уведен појам краткотрајне Фуријеове трансформације који је проучаван у контексту простора  $\mathcal{K}'_1(R^n)$  дистрибуција експоненцијалног типа и простора експоненцијално опадајућих дистрибуција  $\mathcal{K}_1(R^n)$ . Добијене су карактеризације простора  $\mathcal{K}'_1(R^n)$  и простора који су са њима повезани.

Тачка 3.2 је посвећена Абеловим и Тауберовим теоремама формулисаним у језику краткотрајне Фуријеове трансформације.

У 3.3 су дате теореме о непрекидности краткотрајне Фуријеове трансформације и њој адјунговане, на простору  $\mathcal{K}_1(R^n)$  и на  $\mathcal{K}_1(R^n) \hat{\otimes} \mathcal{U}(C^n)$ , где је  $\mathcal{U}(C^n)$  простор целих брзо опадајућих функција у свакој хоризонталној траци простора  $C^n$ . Тај резултат је коришћен да би се омогућило увођење краткотрајне Фуријеове трансформације на простор  $\mathcal{K}'_1(R^n)$ . Такође је уведен простор  $\mathcal{B}'_\omega(R^n)$   $\omega$ -ограничених дистрибуција и његов потпростор  $\dot{\mathcal{B}}'_\omega(R^n)$ , генерисани експоненцијално умереном тежином  $\omega$ ; Кад је  $\omega = 1$ , ти простори се поклапају са Шварцовим простором ограничених дистрибуција  $\mathcal{B}'(R^n)$  и  $\dot{\mathcal{B}}'(R^n)$ , респективно.

Простори  $\mathcal{B}'_\omega(R^n)$  и  $\dot{\mathcal{B}}'_\omega(R^n)$  су окарактерисани у тачки 3.4 у језику краткотрајне Фуријеове трансформације, а окарактерисане су и особине скупа транслација.

У 3.5 су окарактерисани  $\mathcal{K}'_1(R^n)$  и са њима повезани простори коришћењем модуларних простора. У 3.6 су дате теореме Тауберовог типа, које представљају реинтерпретацију  $S$ -асимптотике у слабој \* топологији модуларних простора.

Поглавље 4 је посвећено риглетима и Радоновој трансформацији. Детаљно је анализирана риглет трансформација и њој транспонована, коју у овом раду називају риглет синтетским оператором, на различитим тест просторима.

Кључни резултати о непрекидности су дати у 4.3. и 4.4. Показано је да је риглет трансформацију и риглет синтетски оператор могуће непрекидно продужити као непрекидно пресликавање  $\mathcal{R}_\psi : \mathcal{S}'_0(R^n) \rightarrow \mathcal{S}'(Y^{n+1})$  и  $\mathcal{R}_\psi^t : \mathcal{S}'(Y^{n+1}) \rightarrow \mathcal{S}'_0(R^n)$ . Ти резултати су искоришћени да би било могуће дефинисати риглет трансформацију на  $\mathcal{S}'_0(R^n)$ .

У 4.5 су искоришћени резултати о непрекидности риглет трансформације да би се дискутовала непрекидност Радонове трансформације на просторима Лизоркина  $\mathcal{S}_0$  и њихових дуала. Радонова трансформација

на Лизоркиновим просторима природно продужава трансформацију коју је пручавао Хертл.

У 4.6 се пручава веза између риглет, Радонове трансформације и таласић трансформације. Доказана је формула десингуларизације, која тврди да је Лизоркинова трансформација глатка.

У 4.7 је дата карактеризација ограничених подскупова од  $S'_0(\mathbb{R}^n)$  помоћу риглет трансформације; а показано је и да је Радонова трансформација на  $S'_0(\mathbb{R}^n)$  тополошки изоморфизам.

Глава 4 се закључује резултатима о вези квазиасимптотског понашања дистрибуција и квазиасимптотског понашања њихових Радонових и риглет трансформација.

Последња глава је посвећена мултирезолуционој анализи  $M$ - експоненцијалних дистрибуција.

У 5.2 се проучава конвергенција мултирезолуционих експанзија у различитим просторима.

У 5.3 је проучавана тачкаста конвергенција мултирезолуционе експанзије.

У 5.4 је дато асимптотско понашање низа  $\{q_j f(x_0)\}_{j \in \mathbb{N}}$  кад  $j \rightarrow \infty$  за  $f$  које има квазиасимптотско понашање у  $x_0$ ; такође је дата карактеризација квазиасимптотског понашања у језику мултирезолуционе експанзије.

**VIII ОЦЕНА НАЧИНА ПРИКАЗА И ТУМАЧЕЊА РЕЗУЛТАТА ИСТРАЖИВАЊА**

Комисија позитивно оцењује начин приказа и тумачење резултата истраживања.

**IX КОНАЧНА ОЦЕНА ДОКТОРСКЕ ДИСЕРТАЦИЈЕ:**

1. Да ли је дисертација написана у складу са образложењем наведеним у пријави теме **ДА**
2. Да ли дисертација садржи све битне елементе **ДА**
3. По чему је дисертација оригиналан допринос науци

Дисертација представља оригиналан допринос науци што се огледа у чињеници да садржи резултате који су објављени у три научна рада (катеорије М33, М21 и М51), а још два рада су послата у одговарајуће научне часописе.

4. Недостаци дисертације и њихов утицај на резултат истраживања  
**Дисертација нема недостатака који утичу на резултат истраживања.**

**X ПРЕДЛОГ:**

На основу укупне оцене дисертације, комисија предлаже:

Комисија са задовољством предлаже да се докторска дисертација прихвати, а кандидату одобри одбрана.

The Commission is pleased to propose to the Council to accept the dissertation, and to approve the oral defense of the doctoral dissertation.

**ЧЛАНОВИ КОМИСИЈЕ**

Проф др Душанка Перишић, председник комисије  
Универзитет у Новом Саду, Природно- математички факултет,

Академик Проф др Стеван Пилиповић, ментор  
Универзитет у Новом Саду, Природно- математички факултет

Jasson Vindas  
Доцент др Јасон Виндас(Jasson Vindas), ментор  
Универзитет у Генту, Белгија

Проф др Марко Недељков, члан,  
Универзитет у Новом Саду, Природно- математички факултет

Проф др Катарина Санева Хаџивелкова, члан,  
Универзитет Св.Кирил и Методи, Скопје, Македонија